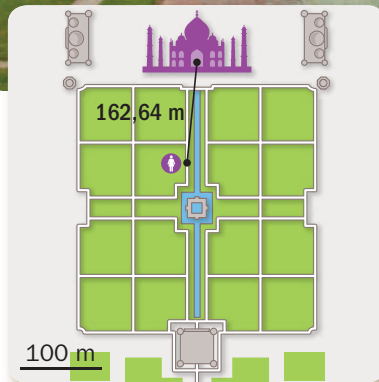


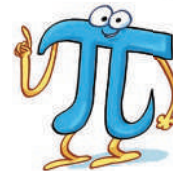
# خاصية طالس

## من الحياة اليومية

خلال رحلته إلى الهند ، التقط معاذ صورة لتاج محل.  
كان يبعد حوالي 163 متراً من النُصْب التذكاري.



ما هي  
الأسئلة  
التي يمكن  
أن نطرحها؟



الرياضيات، أليست هي الحقيقة؟! (أغسطس 1889 - 1971)

جواهر الرياضيات هو الحرية (مورج كاتور 1845 - 1918)

الموسيقى رياضيات مسموعة، الرياضيات موسيقى صامتة (إدوارد هيريو 1872 - 1957)

## التكبير والتصغير

## أتذكر الدرس...

نسَمي تكبير أو تصغير شكل هندسي، الشكل المحصل عليه بضرب كل  
الشكل الهندسي الابتدائي بعدد موجب تماما  $k$  مع الاحتفاظ بأقياس

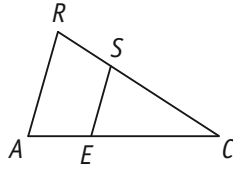
4 نعتبر الشكل أدناه، حيث:

$(AR) \parallel (SE)$

$RC = 7 \text{ cm}$

$AR = 5 \text{ cm}$

$AC = 6 \text{ cm}$



المثلث  $SEC$  هو تصغير معامله 0,7 للمثلث  $ARC$ .  
أكمل الجدول التالي:

AR	RC	AC	المثلث ARC
.....	.....	.....	
ES	SC	EC	المثلث SEC
.....	.....	.....	

5 (1) أنشئ مثلثا  $PIE$  حيث:

$PI = 2,6 \text{ cm}$

$\widehat{PIE} = 55^\circ$



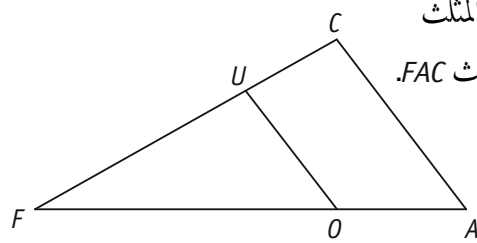
(2) ضع النقاط  $M$  و  $N$  حيث:  $N \in [EI]$ ,  $M \in [EP]$

و  $NEM$  هو تكبير بمعامل 1,5  $PIE$

(3) حدّد قياس الزاوية  $\widehat{MNE}$

في التمارين 1 إلى 3، المثلث

$FOU$  هو تصغير للمثلث  $FAC$ .



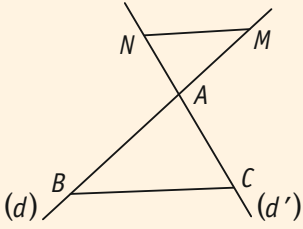
1 إذا كان المثلث  $FAC$  متساوي الساقين في  $F$ ،  
ما طبيعة المثلث  $FOU$ ؟ برّر إجابتك.

2 إذا كان المثلث  $FAC$  قائم في  $C$ ،  
ما طبيعة المثلث  $FOU$ ؟ برّر إجابتك.

3 يعطى  $AC = 5 \text{ cm}$  و  $FA = 8 \text{ cm}$ ,  $FO = 6 \text{ cm}$

(1) حدّد قيمة معامل التصغير.

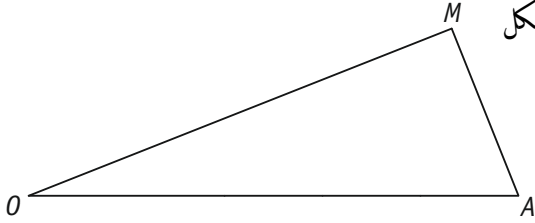
(2) استنتج الطول  $OU$



ليكن  $(d)$  و  $(d')$  مستقيمان متقاطعان في النقطة  $A$   
 لتكن  $B$  و  $M$  نقطتان من المستقيم  $(d)$  ، مختلفان عن  $A$   
 لتكن  $C$  و  $N$  نقطتان من المستقيم  $(d')$  ، مختلفان عن  $A$   
 إذا كان المستقيمان  $(BC)$  و  $(MN)$  ..... ، فإن  $\frac{AM}{AC} = \frac{AN}{AC} = \dots\dots\dots$

8 نعتبر الشكل

أدناه:  $OMA$



(1) ضع النقطة  $B$  على  $[OA]$  حيث  $OB = \frac{2}{5} OA$

(2) أنشئ المستقيم الموازي لـ  $(AM)$  المار بالنقطة  $B$  والذي يقطع المستقيم  $(OM)$  في نقطة  $N$

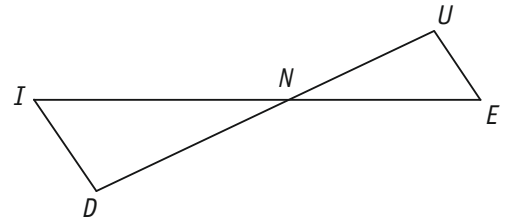
(3) برهن أن  $ON = \frac{2}{5} OM$

6 في الشكل أدناه:

- النقاط  $U, N$  و  $D$  في استقامية

- النقاط  $I, N$  و  $E$  في استقامية

- المستقيمان  $(ID)$  و  $(UE)$  متوازيان. أكمل:



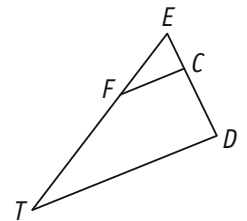
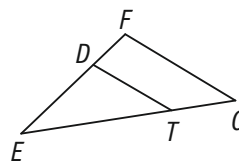
المستقيمان ..... و ..... متقاطعان في .....

إضافة إلى أن: ..... //

إذن ، حسب خاصية طالس ، لدينا:  $\frac{NI}{NU} = \frac{ND}{NE} = \dots\dots\dots$

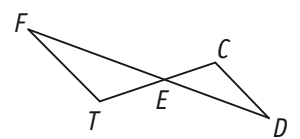
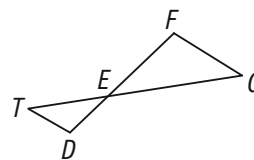
7 من بين الأشكال أدناه ، اختر

تلك التي تحقق:  $\frac{ED}{EF} = \frac{ET}{EC} = \frac{DT}{FC}$



النقاط  $D, E$  و  $F$  في استقامية ،  
 النقاط  $T, E$  و  $C$  في استقامية ،  
 و  $(DT) // (FC)$

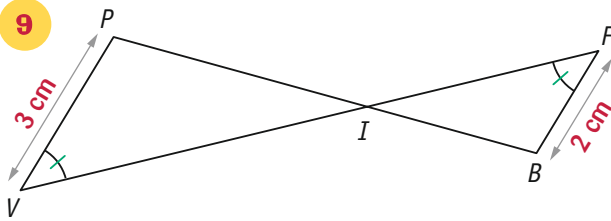
النقاط  $F, E$  و  $T$  في استقامية ،  
 النقاط  $E, C$  و  $D$  في استقامية ،  
 و  $(DT) // (FC)$



النقاط  $D, E$  و  $F$  في استقامية ،  
 النقاط  $T, E$  و  $C$  في استقامية ،  
 و  $(DT) // (FC)$

النقاط  $F, D$  و  $E$  في استقامية ،  
 النقاط  $T, E$  و  $C$  في استقامية ،  
 و  $(FT) // (DC)$

9

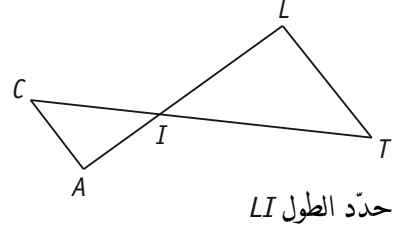


(1) برهن أن  $(FB)$  و  $(VP)$  متوازيان

(2) استنتج أن  $PI = \frac{3}{2} IB$

10 في الشكل أدناه:

- النقاط  $C, I$  و  $T$  في استقامية
- النقاط  $A, I$  و  $L$  في استقامية
- المستقيمان  $(CA)$  و  $(LT)$  متوازيان

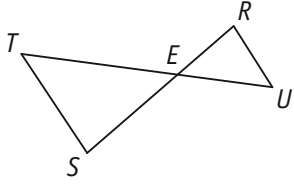


$$\begin{aligned} IA &= 2,5 \text{ cm} \\ LT &= 4 \text{ cm} \\ AC &= 3 \text{ cm} \\ IT &= 6 \text{ cm} \end{aligned}$$

حدد الطول  $LI$

12 نعتبر الشكل أدناه حيث:

- النقاط  $S, E, R$  و  $T, E, U$  في استقامية
- و  $(ST) // (UR)$



$$\begin{aligned} TE &= 48 \text{ mm} \\ TU &= 72 \text{ mm} \\ SE &= 36 \text{ mm} \end{aligned}$$

حدد الطول  $ER$

13 نعتبر مثلثا  $MOI$  قائما في  $O$  حيث:

$$OI = 6 \text{ cm} \text{ و } MO = 2,5 \text{ cm} ; MI = 6,5 \text{ cm}$$

تكن النقطة  $C$  من  $[IM]$  حيث  $IC = 3 \text{ cm}$

الدائرة التي قطرها  $[IC]$  تقطع الضلع  $[OI]$  في  $L$

(1) أنشئ الشكل



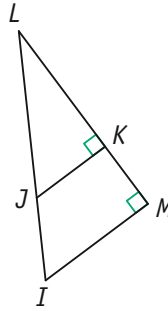
(2) ما طبيعة المثلث  $CIL$  ؟

(3) أحسب الطول  $CL$

11

نعتبر الشكل أدناه حيث

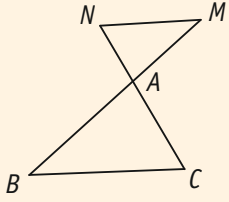
- $L, J, I$  و  $L, K, M$  في استقامية



$$\begin{aligned} LJ &= 10 \text{ cm} \\ LI &= 15 \text{ cm} \\ LK &= 8 \text{ cm} \end{aligned}$$

(1) أحسب الطول  $JK$

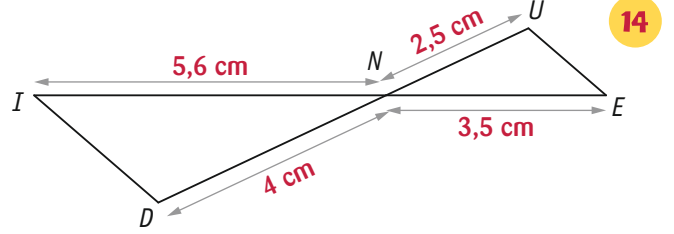
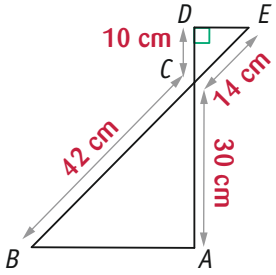
(2) استنتج الطول  $IM$



ليكن  $(d)$  و  $(d')$  مستقيمان متقاطعان في النقطة  $A$   
 لتكن  $B$  و  $M$  نقطتان من المستقيم  $(d)$  ، تختلفان عن  $A$   
 لتكن  $C$  و  $N$  نقطتان من المستقيم  $(d')$  ، تختلفان عن  $A$   
 إذا كان  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$  وكانت النقاط  $M, A, B$  و  $N, A, C$  .....  
 فإنَّ المستقيمان  $(BC)$  و  $(MN)$  .....

16 من مواضيع Bern France

(1) برهن أنَّ المستقيمان  $(DE)$  و  $(AB)$  متوازيان.  
 (2) استنتج أنَّ المثلث  $ABC$  قائم



- النقاط  $D$  و  $U, N$  في استقامية  
 - النقاط  $E$  و  $I, N$  في استقامية

المستقيمان ..... و ..... متقاطعان في

لدينا  $\frac{NI}{NE} =$  .....

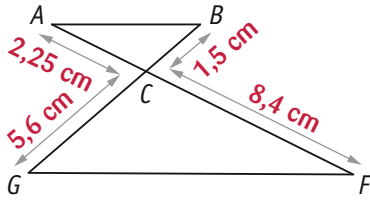
و.  $\frac{ND}{NU} =$  .....

نلاحظ أنَّ  $\frac{NI}{NE} = \frac{ND}{NU}$  .....

إضافة إلى أنَّ  $I, N, E$  و  $D, N, U$  .....

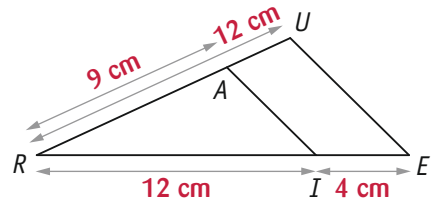
إذن ، حسب خاصية طالس العكسية ، المستقيمان  $(UE)$  و  $(ID)$  .....

17



النقاط  $A, C$  و  $F$  في استقامية ، كذلك  $B, C$  و  $G$   
 هل المستقيمان  $(FG)$  و  $(AB)$  متوازيان؟

15

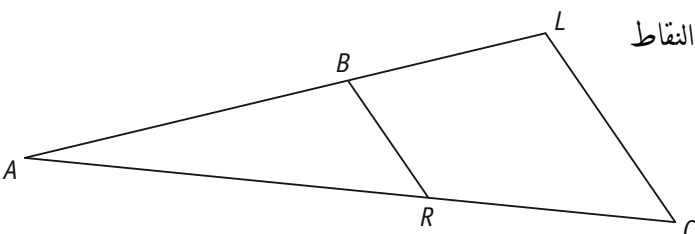
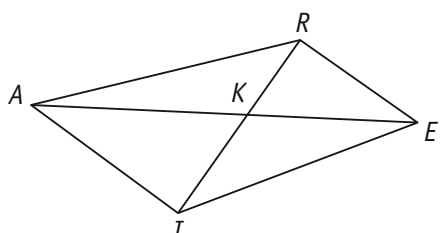


- النقاط  $A, U$  و  $R$  في استقامية

- النقاط  $I, R$  و  $E$  في استقامية

برهن أنَّ المستقيمان  $(UE)$  و  $(AI)$  متوازيان.

لكل سؤال من الأسئلة التالية ، ضع إطار حول الإجابة ( أو الأجوبة ) الصحيحة .  
 تنبيه: قد تكون هناك عدة إجابات دقيقة لنفس العبارة ! يجب العثور عليهم جميعا .

النص	A	B	C
<p>● من أجل الأسئلة من 18 إلى 22 ، نعتبر الشكل المقابل حيث النقاط <math>A, B, L</math> و <math>A, B, C</math> في استقامية ، كذلك النقاط <math>R</math> و <math>C</math></p> 			
18 إذا كان المثلث $BAR$ تصغير بمعامل 0,6 للمثلث $LAC$ ، فإنَّ	$LC = 0,6$	$BR = 0,6 \times LC$	$LC = 0,6 \times BR$
19 إذا كان المثلث $LAC$ تكبير بمعامل 1,8 للمثلث $BAR$ ، فإنَّ	$\widehat{ALC} = \widehat{ABR}$	$\widehat{ALC} = 1,8 \times \widehat{ABR}$	$\widehat{ABR} = 1,8 \times \widehat{ALC}$
20 إذا كان $(BR) \parallel (LC)$ , $AB = 5 \text{ cm}$ , $AL = 8 \text{ cm}$ و $BR = 3 \text{ cm}$ فإنَّ	$LC = 1,875 \text{ cm}$	$LC = 4,8 \text{ cm}$	$LC = \frac{24}{5} \text{ cm}$
21 إذا كان $(BR) \parallel (LC)$ , $AR = 8 \text{ cm}$ , $RC = 6 \text{ cm}$ و $AL = 9 \text{ cm}$ فإنَّ	$AB = 5,14 \text{ cm}$	$AB = \frac{36}{7} \text{ cm}$	$AB = 12 \text{ cm}$
22 إذا كان $AR = 2,1 \text{ cm}$ , $AC = 3,5 \text{ cm}$ , $AL = 2 \text{ cm}$ و $AB = 1,2 \text{ cm}$ فإنَّ	المستقيمان $(LC)$ و $(BR)$ متوازيان	المستقيمان $(LC)$ و $(BR)$ ليسا متوازيان	$BR = 1,6 \text{ cm}$
<p>● من أجل الأسئلة من 23 إلى 27 ، نعتبر الشكل المقابل حيث النقاط <math>A, K, E</math> و <math>A, K, I</math> في استقامية ، كذلك النقاط <math>R</math> و <math>I, K</math></p> 			
23 نفرض أنَّ $(AI) \parallel (RE)$ وفقا لخاصية طالس ، لدينا:	$\frac{AK}{AE} = \frac{IK}{IR} = \frac{AI}{RE}$	$\frac{KA}{KE} = \frac{KR}{KI} = \frac{AI}{RE}$	$\frac{KA}{KE} = \frac{KI}{KR} = \frac{AI}{RE}$
24 إذا كان $(AI) \parallel (RE)$ , $AK = 4,5 \text{ cm}$ , $RE = 2 \text{ cm}$ و $KE = 3 \text{ cm}$ فإنَّ	$AI = 2 \text{ cm}$	$AI = 3 \text{ cm}$	$AI = 3,33 \text{ cm}$
25 إذا كان $(AI) \parallel (RE)$ , $AI = 4 \text{ cm}$ , $RE = 7 \text{ cm}$ و $KI = 5 \text{ cm}$ فإنَّ	$KR = \frac{35}{4} \text{ cm}$	$KR = \frac{20}{7} \text{ cm}$	$KR = \frac{28}{5} \text{ cm}$
26 إذا كان $AK = 6,3 \text{ cm}$ , $KE = 3,5 \text{ cm}$ , $KR = 2 \text{ cm}$ و $KI = 3,6 \text{ cm}$ فإنَّ	المستقيمان $(AI)$ و $(RE)$ متوازيان	المستقيمان $(AI)$ و $(RE)$ ليسا متوازيان	المستقيمان $(AR)$ و $(IE)$ متوازيان
27 إذا كان $AK = 6 \text{ cm}$ , $KE = 4 \text{ cm}$ , $KR = 4,5 \text{ cm}$ و $IK = 3 \text{ cm}$ فإنَّ	المستقيمان $(AI)$ و $(RE)$ متوازيان	المستقيمان $(AI)$ و $(RE)$ ليسا متوازيان	المستقيمان $(AR)$ و $(IE)$ متوازيان

● الرياضيات ، أليست هي الحقيقة؟! (أغسطس 1889 - 1971)

● جوهر الرياضيات هو الحرية (مورج كاتور 1845 - 1918)

● الموسيقى رياضيات مسموعة ، الرياضيات موسيقى صامتة (إدوارد هيربو 1872 - 1957)

## التكبير والتصغير

## أتذكر الدرس...

نسَمي تكبير أو تصغير شكل هندسي ، الشكل المحصل عليه بضرب كل  
الشكل الهندسي الابتدائي بعدد موجب تماما  $k$  مع الاحتفاظ بأقياس

أطوال

الزوايا

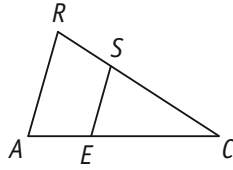
4 نعتبر الشكل أدناه ، حيث:

$(AR) \parallel (SE)$

$RC = 7 \text{ cm}$

$AR = 5 \text{ cm}$

$AC = 6 \text{ cm}$



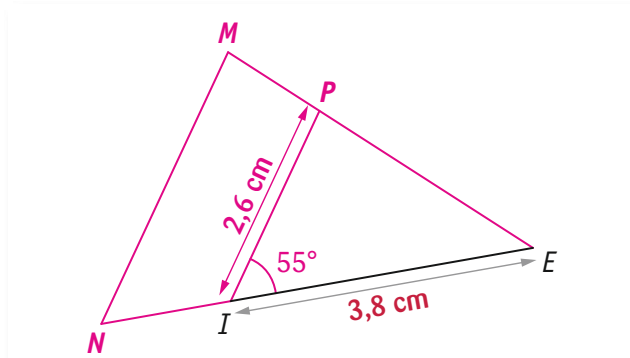
المثلث  $SEC$  هو تصغير معامله 0,7 للمثلث  $ARC$ .  
أكمل الجدول التالي:

AR	RC	AC	المثلث ARC
5 cm	7 cm	6 cm	
3,5 cm	4,9 cm	4,2 cm	المثلث SEC
ES	SC	EC	

5 (1) أنشئ مثلثا  $PIE$  حيث:

$PI = 2,6 \text{ cm}$

$\widehat{PIE} = 55^\circ$



(2) ضع النقاط  $M$  و  $N$  حيث:  $N \in [EI]$ ,  $M \in [EP]$

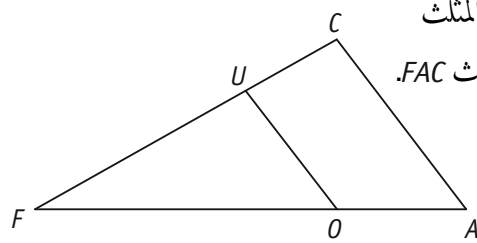
و  $NEM$  هو تكبير بمعامل 1,5  $PIE$

(3) حدّد قياس الزاوية  $\widehat{MNE}$

التكبير يحفظ أقياس الزوايا ، إذن  $\widehat{MNE} = \widehat{PIE} = 55^\circ$

في التمارين 1 إلى 3 ، المثلث

$FOU$  هو تصغير للمثلث  $FAC$ .



1 إذا كان المثلث  $FAC$  متساوي الساقين في  $F$  ،

ما طبيعة المثلث  $FOU$  ؟ برّر إجابتك .

المثلث  $FOU$  هو تصغير للمثلث  $FAC$  ، إذن  $FU = k \times FC$

و  $FO = k \times FA$

كذلك ،  $FAC$  مثلث متساوي الساقين في  $F$  ، إذن  $FC = FA$

نستنتج أن  $FU = FO$  ، والمثلث  $FOU$  متساوي الساقين في  $F$

2 إذا كان المثلث  $FAC$  قائم في  $C$  ،

ما طبيعة المثلث  $FOU$  ؟ برّر إجابتك .

المثلث  $FAC$  قائم في  $C$  ، إذن  $\widehat{FCA} = 90^\circ$

التصغير يحفظ أقياس الزوايا ، إذن  $\widehat{FCA} = \widehat{FUO} = 90^\circ$

المثلث  $FOU$  إذن قائم في  $U$

3 يعطى  $AC = 5 \text{ cm}$  و  $FA = 8 \text{ cm}$  ،  $FO = 6 \text{ cm}$

(1) حدّد قيمة معامل التصغير .

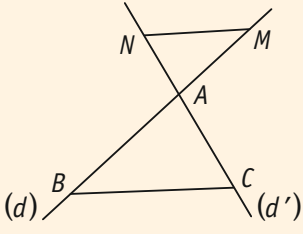
يعطى معامل التصغير بالعلاقة:

$$k = \frac{FO}{FA} = \frac{6}{8} = \frac{3}{4} = 0,75$$

(2) استنتج الطول  $OU$

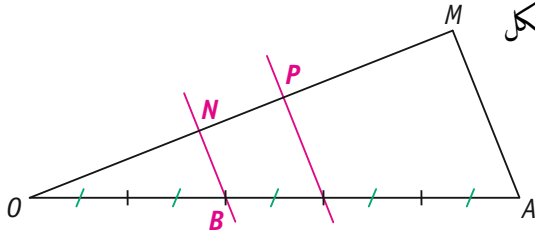
$$OU = k \times AC = \frac{3}{4} \times 5 = 3,75 \text{ cm}$$





ليكن  $(d)$  و  $(d')$  مستقيمان متقاطعان في النقطة  $A$   
لتكن  $B$  و  $M$  نقطتان من المستقيم  $(d)$  ، مختلفان عن  $A$   
لتكن  $C$  و  $N$  نقطتان من المستقيم  $(d')$  ، مختلفان عن  $A$   
إذا كان المستقيمان  $(BC)$  و  $(MN)$  متوازيين ، فإن  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}$

8 نعتبر الشكل



أدناه:  $OMA$

(1) ضع النقطة  $B$  على  $[OA]$  حيث  $OB = \frac{2}{5} OA$

(2) أنشئ المستقيم الموازي لـ  $(AM)$  المار بالنقطة  $B$  والذي يقطع المستقيم  $(OM)$  في نقطة  $N$

(3) برهن أن  $ON = \frac{2}{5} OM$

المستقيم  $(MN)$  و  $(AB)$  متقاطعان في النقطة  $O$

كذلك ،  $(AM) \parallel (BN)$

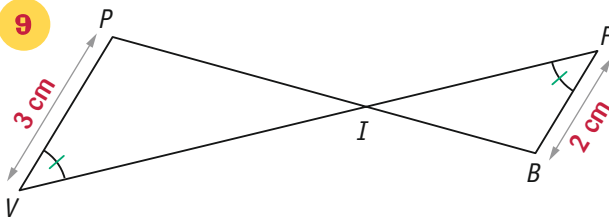
إذن ، حسب خاصية طالس ، لدينا:

$$\frac{2}{5} = \frac{ON}{OM} = \frac{BN}{AM} \text{ فيكون } \frac{OB}{OA} = \frac{ON}{OM} = \frac{BN}{AM}$$

وبالتالي  $ON = \frac{2}{5} OM$

(4) أنشئ الآن النقطة  $P$  على القطعة  $[OM]$  حيث  $OP = \frac{3}{5} OM$

9



(1) برهن أن  $(FB)$  و  $(VP)$  متوازيان

نعلم أن الزاويتان  $\widehat{PVI}$  و  $\widehat{IFB}$  متبادلتان داخليتان من أجل

$(FB)$  و  $(VP)$  اللذان يقطعهما  $(FV)$  ، وهما بنفس القياس .

إذن  $(VP) \parallel (FB)$

خاصية 1 ص 140 من الكتاب المدرسي الثانية متوسط

(2) استنتج أن  $PI = \frac{3}{2} IB$

إضافة لما سبق ،  $(BP)$  و  $(VF)$  متقاطعان في  $I$

إذن ، حسب خاصية طالس ، لدينا:

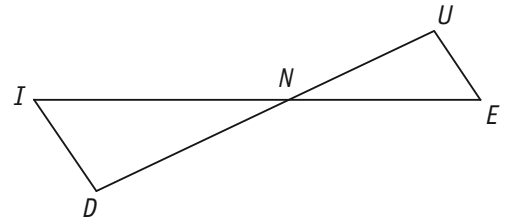
$$PI = \frac{3}{2} IB \text{ و } \frac{IP}{IB} = \frac{3}{2} \text{ ومنه } \frac{IP}{IB} = \frac{IV}{IF} = \frac{PV}{FB}$$

6 في الشكل أدناه:

- النقاط  $U, N$  و  $D$  في استقامية

- النقاط  $I, N$  و  $E$  في استقامية

- المستقيمان  $(ID)$  و  $(UE)$  متوازيان. أكمل:



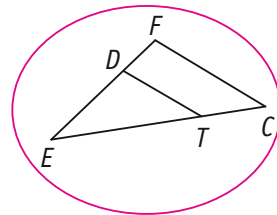
المستقيمان  $(IE)$  و  $(DU)$  متقاطعان في  $N$

إضافة إلى أن:  $(ID) \parallel (EU)$

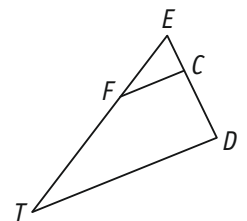
إذن ، حسب خاصية طالس ، لدينا:  $\frac{NI}{NE} = \frac{ND}{NU} = \frac{ID}{EU}$

7 من بين الأشكال أدناه ، اختر

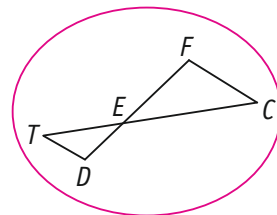
$$\frac{ED}{EF} = \frac{ET}{EC} = \frac{DT}{FC}$$



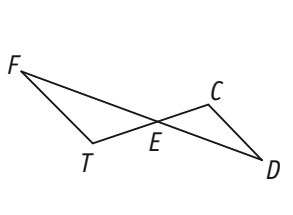
النقاط  $D, E$  و  $F$  في استقامية ،  
النقاط  $E, T$  و  $C$  في استقامية ،  
و  $(DT) \parallel (FC)$



النقاط  $F, E$  و  $T$  في استقامية ،  
النقاط  $E, C$  و  $D$  في استقامية ،  
و  $(DT) \parallel (FC)$



النقاط  $D, E$  و  $F$  في استقامية ،  
النقاط  $T, E$  و  $C$  في استقامية ،  
و  $(DT) \parallel (FC)$

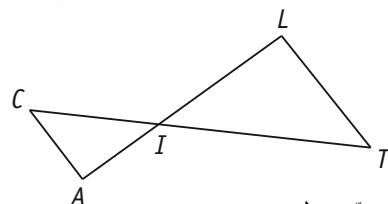


النقاط  $D, E$  و  $F$  في استقامية ،  
النقاط  $T, E$  و  $C$  في استقامية ،  
و  $(FT) \parallel (DC)$



10 في الشكل أدناه:

- النقاط  $C, I$  و  $T$  في استقامية
- النقاط  $A, I$  و  $L$  في استقامية
- المستقيمان  $(CA)$  و  $(LT)$  متوازيان



حدّد الطول  $LI$

المستقيمان  $(LA)$  و  $(CT)$  متقاطعان في  $I$

إضافة إلى ذلك،  $(AC) \parallel (LT)$

إذن، حسب خاصية طالس، لدينا:

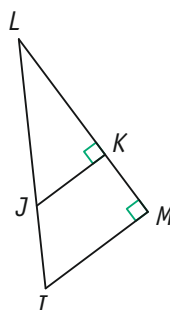
$$\frac{LI}{2.5} = \frac{6}{3} = \frac{4}{3} \quad \text{ومنه} \quad \frac{LI}{2.5} = \frac{4}{3} \quad \text{و} \quad \frac{LI}{2.5} = \frac{4}{3}$$

حساب الطول  $LI$ :

$$LI = \frac{10}{3} \text{ cm} \quad \text{إذن} \quad 3 \times LI = 2.5 \times 4$$

11 نعتبر الشكل أدناه حيث

- $L, J, I$  و  $L, K, M$  في استقامية



$$LJ = 10 \text{ cm}$$

$$LI = 15 \text{ cm}$$

$$LK = 8 \text{ cm}$$

(1) أحسب الطول  $JK$

نعلم أنّ المثلث  $JKL$  قائم في  $K$

حسب مبرهنة فيثاغورس، لدينا:

$$10^2 = 8^2 + JK^2 \quad \text{إذن} \quad LJ^2 = LK^2 + KJ^2$$

$$JK^2 = 36 \quad \text{و} \quad JK^2 = 100 - 64$$

$$JK = 6 \text{ cm} \quad \text{إذن} \quad JK > 0$$

(2) استنتج الطول  $IM$

نعلم أنّ  $(LM) \perp (MI)$  و  $(LK) \perp (KJ)$

إذن  $(JK) \parallel (MI)$

إضافة إلى ذلك، النقاط  $L, J, I$  و  $L, K, M$  في استقامية

إذن، حسب خاصية طالس، لدينا:

$$\frac{10}{15} = \frac{8}{IM} = \frac{6}{IM} \quad \text{ومنه} \quad \frac{LJ}{LI} = \frac{LK}{LM} = \frac{JK}{IM}$$

حساب الطول  $IM$ :

$$IM = 9 \text{ cm} \quad \text{ومنه} \quad IM = \frac{90}{10} \quad \text{إذن} \quad 10 \times IM = 15 \times 6$$

12 نعتبر الشكل أدناه حيث:

- النقاط  $S, E, R$  و  $T, E, U$  في استقامية

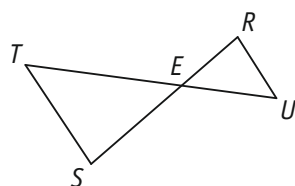
- و  $(ST) \parallel (UR)$

$$TE = 48 \text{ mm}$$

$$TU = 72 \text{ mm}$$

$$SE = 36 \text{ mm}$$

حدّد الطول  $ER$



نعلم أنّ النقاط  $S, E, R$  و  $T, E, U$  في استقامية وأنّ

$(ST) \parallel (UR)$

إذن، حسب خاصية طالس، لدينا:

$$\frac{48}{72 - 48} = \frac{36}{ER} = \frac{ST}{UR} \quad \text{ومنه} \quad \frac{ET}{EU} = \frac{ES}{ER} = \frac{ST}{UR}$$

حساب الطول  $ER$ :

$$ER = 18 \text{ mm} \quad \text{إذن} \quad 48 \times ER = 24 \times 36$$

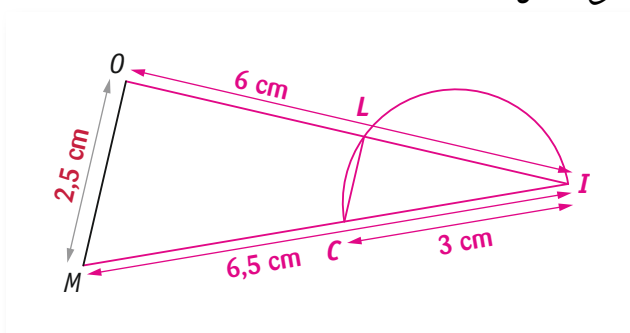
13 نعتبر مثلثا  $MOI$  قائما في  $O$  حيث:

$$OI = 6 \text{ cm} \quad \text{و} \quad MO = 2.5 \text{ cm}; \quad MI = 6.5 \text{ cm}$$

لتكن النقطة  $C$  من  $[IM]$  حيث  $IC = 3 \text{ cm}$

الدائرة التي قطرها  $[IC]$  تقطع الضلع  $[OI]$  في  $L$

(1) أنشئ الشكل



(2) ما طبيعة المثلث  $CIL$  ؟

$CIL$  محاط بالدائرة  $\phi$  ذات القطر  $[IC]$  إذن المثلث  $CIL$  قائم في  $L$

خاصية 2 ص 154 الكتاب المدرسي ثلاثة متوسط

(3) أحسب الطول  $CL$

$(LC) \perp (OI)$  و  $(OI) \perp (OM)$  إذن  $(LC) \parallel (OM)$

إضافة إلى ذلك، النقاط  $O, L, I$  و  $M, C, I$  في استقامية

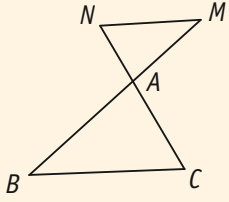
إذن، حسب خاصية طالس، لدينا:

$$\frac{IL}{6} = \frac{3}{6.5} = \frac{LC}{2.5} \quad \text{ومنه} \quad \frac{IL}{IO} = \frac{IC}{IM} = \frac{LC}{OM}$$

حساب الطول  $LC$ :

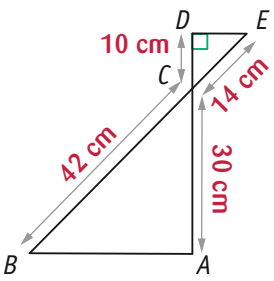
$$LC = \frac{15}{13} \text{ cm} \quad \text{إذن} \quad 6.5 \times LC = 3 \times 2.5$$

خاصية طالس العكسية



ليكن  $(d)$  و  $(d')$  مستقيمان متقاطعان في النقطة  $A$   
 لتكن  $B$  و  $M$  نقطتان من المستقيم  $(d)$  ، تختلفان عن  $A$   
 لتكن  $C$  و  $N$  نقطتان من المستقيم  $(d')$  ، تختلفان عن  $A$   
 إذا كان  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$  وكانت النقاط  $M, A, B$  و  $N, A, C$  .....  
 فإن المستقيمان  $(BC)$  و  $(MN)$  ..... موازيان

16 من مواضيع Bem France



(AD) و (BE) متقاطعان في  $C$   
 (1) برهن أن المستقيمان  $(AB)$  و  $(DE)$  متوازيان.

المستقيمان  $(AD)$  و  $(BE)$  متقاطعان في  $C$   
 $\frac{CD}{CA} = \frac{10}{30} = \frac{1}{3}$  و  $\frac{CE}{CB} = \frac{14}{42} = \frac{1}{3}$

نلاحظ أن  $\frac{CD}{CA} = \frac{CE}{CB}$

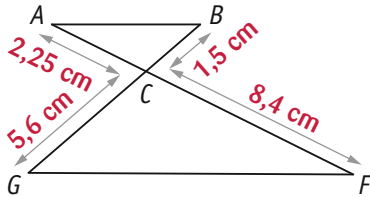
إضافة إلى أن  $D, C, A$  و  $B, C, E$  مرتبة بنفس الترتيب

إذن ، حسب خاصية طالس العكسية ، لدينا  $(AB) \parallel (DE)$

(2) استنتج أن المثلث  $ABC$  قائم

إضافة لما سبق  $(DE) \perp (DA)$  إذن  $(AB) \perp (DA)$  ، و  $ABC$  قائم في  $A$

خاصية 2 ص 106 من الكتاب المدرسي للسنة الثانية متوسط



النقاط  $A, C$  و  $F, C$  في استقامة ، كذلك  $B, C$  و  $G$   
 هل المستقيمان  $(AB)$  و  $(FG)$  متوازيان؟

المستقيمان  $(AF)$  و  $(BG)$  متقاطعان في  $C$

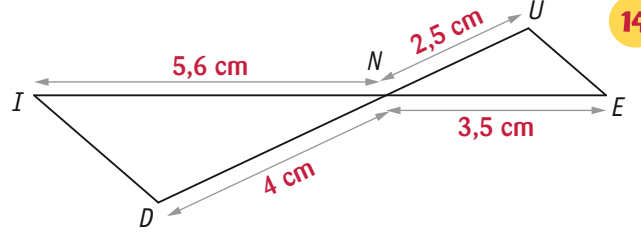
$$\frac{AC}{CF} = \frac{2,25}{8,4} = \frac{20 \times 2,25}{20 \times 8,4} = \frac{45}{168} = \frac{15}{56}$$

$$\frac{BC}{CG} = \frac{1,5}{5,6} = \frac{10 \times 1,5}{10 \times 5,6} = \frac{15}{56}$$

نلاحظ أن  $\frac{AC}{CF} = \frac{BC}{CG}$

إضافة إلى أن  $A, C, F$  و  $B, C, G$  مرتبة بنفس الترتيب

إذن ، حسب خاصية طالس العكسية ، لدينا  $(AB) \parallel (FG)$



- النقاط  $U, N$  و  $D$  في استقامة  
 - النقاط  $I, N$  و  $E$  في استقامة

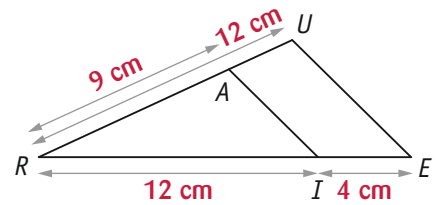
المستقيمان  $(IE)$  و  $(DU)$  متقاطعان في  $N$   
 لدينا  $\frac{NI}{NE} = \frac{5,6}{3,5} = \frac{56}{35} = \frac{8 \times 7}{5 \times 7} = \frac{8}{5}$

$$\frac{ND}{NU} = \frac{4}{2,5} = \frac{4 \times 2}{2,5 \times 2} = \frac{8}{5}$$

نلاحظ أن  $\frac{NI}{NE} = \frac{ND}{NU}$

إضافة إلى أن  $I, N, E$  و  $D, N, U$  مرتبة بنفس الترتيب

إذن ، حسب خاصية طالس العكسية ، المستقيمان  $(UE)$  و  $(ID)$  متوازيان



- النقاط  $U, A$  و  $R$  في استقامة  
 - النقاط  $R, I$  و  $E$  في استقامة

برهن أن المستقيمان  $(UE)$  و  $(AI)$  متوازيان.

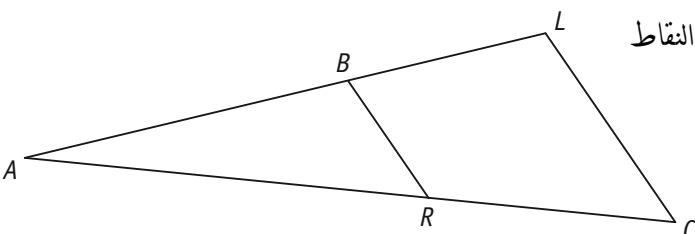
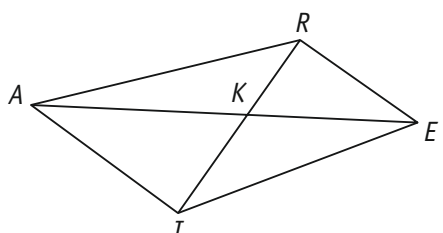
المستقيمان  $(AU)$  و  $(IE)$  متقاطعان في  $R$   
 $\frac{RI}{RE} = \frac{12}{16} = \frac{4 \times 3}{4 \times 4} = \frac{3}{4}$  و  $\frac{RA}{RU} = \frac{9}{12} = \frac{3 \times 3}{3 \times 4} = \frac{3}{4}$

نلاحظ أن  $\frac{RI}{RE} = \frac{RA}{RU}$

إضافة إلى أن  $R, I, E$  و  $R, A, U$  مرتبة بنفس الترتيب

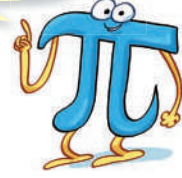
إذن ، حسب خاصية طالس العكسية ، المستقيمان  $(UE)$  و  $(AI)$  متوازيان

لكل سؤال من الأسئلة التالية ، ضع إطار حول الإجابة (أو الأجوبة) الصحيحة.  
 تنبيه: قد تكون هناك عدة إجابات دقيقة لنفس العبارة! يجب العثور عليهم جميعا.

النص	A	B	C
<p>● من أجل الأسئلة من 18 إلى 22 ، نعتبر الشكل المقابل حيث النقاط <math>A, B, L</math> و <math>A, B, C</math> في استقامية ، كذلك النقاط <math>R</math> و <math>C</math></p> 			
18 إذا كان المثلث $BAR$ تصغير بمعامل 0,6 للمثلث $LAC$ ، فإنَّ	$LC = 0,6$	$BR = 0,6 \times LC$	$LC = 0,6 \times BR$
19 إذا كان المثلث $LAC$ تكبير بمعامل 1,8 للمثلث $BAR$ ، فإنَّ	$\widehat{ALC} = \widehat{ABR}$	$\widehat{ALC} = 1,8 \times \widehat{ABR}$	$\widehat{ABR} = 1,8 \times \widehat{ALC}$
20 إذا كان $(BR) \parallel (LC)$ , $AB = 5 \text{ cm}$ , $AL = 8 \text{ cm}$ و $BR = 3 \text{ cm}$ ، فإنَّ	$LC = 1,875 \text{ cm}$	$LC = 4,8 \text{ cm}$	$LC = \frac{24}{5} \text{ cm}$
21 إذا كان $(BR) \parallel (LC)$ , $AR = 8 \text{ cm}$ , $RC = 6 \text{ cm}$ و $AL = 9 \text{ cm}$ ، فإنَّ	$AB = 5,14 \text{ cm}$	$AB = \frac{36}{7} \text{ cm}$	$AB = 12 \text{ cm}$
22 إذا كان $AR = 2,1 \text{ cm}$ , $AC = 3,5 \text{ cm}$ , $AB = 1,2 \text{ cm}$ و $AL = 2 \text{ cm}$ ، فإنَّ	المستقيمان $(LC)$ و $(BR)$ متوازيان	المستقيمان $(LC)$ و $(BR)$ ليسا متوازيان	$BR = 1,6 \text{ cm}$
<p>● من أجل الأسئلة من 23 إلى 27 ، نعتبر الشكل المقابل حيث النقاط <math>A, K, E</math> و <math>A, K, I, R</math> في استقامية ، كذلك النقاط <math>K, I</math> و <math>R</math></p> 			
23 نفرض أنَّ $(AI) \parallel (RE)$ وفقا لخاصية طالس ، لدينا:	$\frac{AK}{AE} = \frac{IK}{IR} = \frac{AI}{RE}$	$\frac{KA}{KE} = \frac{KR}{KI} = \frac{AI}{RE}$	$\frac{KA}{KE} = \frac{KI}{KR} = \frac{AI}{RE}$
24 إذا كان $(AI) \parallel (RE)$ , $AK = 4,5 \text{ cm}$ , $KE = 3 \text{ cm}$ و $RE = 2 \text{ cm}$ ، فإنَّ	$AI = 2 \text{ cm}$	$AI = 3 \text{ cm}$	$AI = 3,33 \text{ cm}$
25 إذا كان $(AI) \parallel (RE)$ , $AI = 4 \text{ cm}$ , $RE = 7 \text{ cm}$ و $KI = 5 \text{ cm}$ ، فإنَّ	$KR = \frac{35}{4} \text{ cm}$	$KR = \frac{20}{7} \text{ cm}$	$KR = \frac{28}{5} \text{ cm}$
26 إذا كان $AK = 6,3 \text{ cm}$ , $KE = 3,5 \text{ cm}$ , $KR = 2 \text{ cm}$ و $KI = 3,6 \text{ cm}$ ، فإنَّ	المستقيمان $(AI)$ و $(RE)$ متوازيان	المستقيمان $(AI)$ و $(RE)$ ليسا متوازيان	المستقيمان $(AR)$ و $(IE)$ متوازيان
27 إذا كان $AK = 6 \text{ cm}$ , $KE = 4 \text{ cm}$ , $KR = 4,5 \text{ cm}$ و $IK = 3 \text{ cm}$ ، فإنَّ	المستقيمان $(AI)$ و $(RE)$ متوازيان	المستقيمان $(AI)$ و $(RE)$ ليسا متوازيان	المستقيمان $(AR)$ و $(IE)$ متوازيان



والآن ،  
هل يمكنك تقدير ارتفاع  
تاج محل ؟



صفحة: فيلد زني الرياضيات

ترجمة الاستاذ: عبد الحفيظ عادل

## الموقع الأول لتحضير الفروض والاختبارات في الجزائر

<https://www.dzexams.com>

<a href="https://www.dzexams.com/ar/0ap">https://www.dzexams.com/ar/0ap</a>	القسم التحضيري
<a href="https://www.dzexams.com/ar/1ap">https://www.dzexams.com/ar/1ap</a>	السنة الأولى ابتدائي
<a href="https://www.dzexams.com/ar/2ap">https://www.dzexams.com/ar/2ap</a>	السنة الثانية ابتدائي
<a href="https://www.dzexams.com/ar/3ap">https://www.dzexams.com/ar/3ap</a>	السنة الثالثة ابتدائي
<a href="https://www.dzexams.com/ar/4ap">https://www.dzexams.com/ar/4ap</a>	السنة الرابعة ابتدائي
<a href="https://www.dzexams.com/ar/5ap">https://www.dzexams.com/ar/5ap</a>	السنة الخامسة ابتدائي
<a href="https://www.dzexams.com/ar/bep">https://www.dzexams.com/ar/bep</a>	شهادة التعليم الابتدائي
<a href="https://www.dzexams.com/ar/1am">https://www.dzexams.com/ar/1am</a>	السنة الأولى متوسط
<a href="https://www.dzexams.com/ar/2am">https://www.dzexams.com/ar/2am</a>	السنة الثانية متوسط
<a href="https://www.dzexams.com/ar/3am">https://www.dzexams.com/ar/3am</a>	السنة الثالثة متوسط
<a href="https://www.dzexams.com/ar/4am">https://www.dzexams.com/ar/4am</a>	السنة الرابعة متوسط
<a href="https://www.dzexams.com/ar/bem">https://www.dzexams.com/ar/bem</a>	شهادة التعليم المتوسط
<a href="https://www.dzexams.com/ar/1as">https://www.dzexams.com/ar/1as</a>	السنة الأولى ثانوي
<a href="https://www.dzexams.com/ar/2as">https://www.dzexams.com/ar/2as</a>	السنة الثانية ثانوي
<a href="https://www.dzexams.com/ar/3as">https://www.dzexams.com/ar/3as</a>	السنة الثالثة ثانوي
<a href="https://www.dzexams.com/ar/bac">https://www.dzexams.com/ar/bac</a>	شهادة البكالوريا